

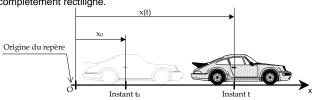
# Cinématique : Equations du mouvement



**SYNTHESE** 

#### I. Mouvement de translation rectiligne uniforme

Étudions une voiture qui roule à vitesse constante sur une autoroute complètement rectiligne.



Soient:

to: instant initial (en s);

x<sub>0</sub>: le déplacement initial (en m), à t=t<sub>0</sub>;

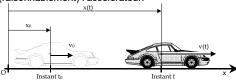
v<sub>0</sub>: la vitesse initiale (en m/s);

x(t): le déplacement x (en m) à l'instant t.

t<sub>0</sub>, x<sub>0</sub> et v<sub>0</sub> sont appelées les **conditions initiales** du mouvement.

## II. Mouvement de translation rectiligne uniformément varié

Reprenons notre même véhicule. Le conducteur décide d'écraser (raisonnablement) l'accélérateur.



Soient:

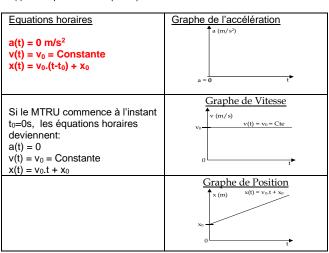
to: instant initial (en s);

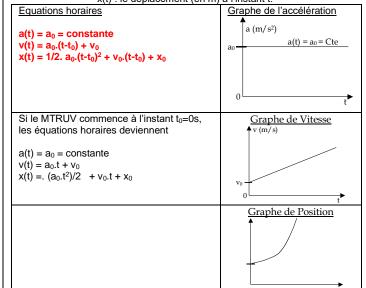
x<sub>0</sub>: le déplacement initial, à t=t<sub>0</sub>;

a<sub>0</sub>: l'accélération initiale (en m/s<sup>2</sup>);

v<sub>0</sub>: la vitesse initiale (en m/s);

x(t) : le déplacement (en m) à l'instant t.





#### III. Mouvement de rotation uniforme

Le mouvement de rotation d'un solide S est uniforme si la vitesse angulaire w d'un point M de S est constante.

On en déduit les équations du mouvement de ce point M :

Accélération angulaire  $\alpha(t) = 0 \text{ rad/s}^2$ 

 $\mbox{Vitesse angulaire} \qquad \qquad \mbox{$\omega(t) = \omega_0 = Constante} \label{eq:constante}$ 

Abscisse angulaire  $\theta(t) = \omega \cdot (t-t_0) + \theta_0$ 

avec  $\theta_0$ : abscisse angulaire à l'instant t=0

 $\theta(t)$  : abscisse angulaire à l'instant t

#### **Notations équivalentes :**

Accélération angulaire :  $\alpha(t) = \theta$ ''(t), Vitesse angulaire :  $\omega(t) = \theta$ '(t)

Abscisse angulaire :  $\theta(t)$ 

### IV. Mouvement de rotation uniformément varié

Le mouvement de rotation d'un solide S est uniformément varié si l'accélération angulaire  $\alpha(t)$  d'un point M de S est constante.

On en déduit les équations du mouvement de ce point M :

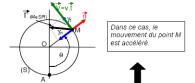
Accélération angulaire  $\alpha(t) = \alpha_0 = Constante$ 

Vitesse angulaire  $\omega(t) = \alpha_0 \cdot (t-t_0) + \omega_0$ 

Abscisse angulaire  $\theta(t) = \frac{1}{2} .\alpha_0.(t-t_0)^2 + \omega_0.(t-t_0) + \theta_0$ 

Avec  $\omega_0$ : vitesse angulaire à l'instant t=0

 $\theta_0$ : abscisse angulaire à l'instant t=0



Le mouvement est accéléré si la composante tangentielle de l'accélération et la vitesse v sont dans le même sens. Le mouvement est freiné dans le cas contraire