

**Position, vitesse, accélération**

Soient R un repère orthonormé direct de l'espace et M un point d'un solide en mouvement par rapport à R.

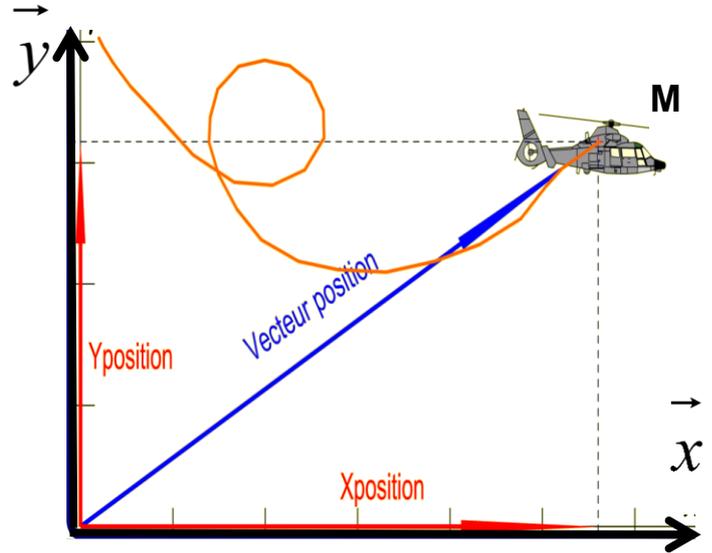
Il ne faut pas confondre :

La **trajectoire** du point M : c'est la courbe définie par les positions successives du point M

Le **vecteur position** du point M au cours du temps :  $\vec{OM}(t) = x(t)\vec{x} + y(t)\vec{y} + z(t)\vec{z}$

Les **coordonnées** du point M :

$\vec{OM}$	:	$\begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ z(t) \end{pmatrix}$
------------	---	--



Le **vecteur vitesse** s'obtient en dérivant, par rapport au temps, le vecteur position :  $\vec{V}_{M,S/R_0} = \left( \frac{d\vec{O_0M}(t)}{dt} \right)_{R_0}$

Le vecteur vitesse est toujours **tangent** à la trajectoire



Le **vecteur accélération** s'obtient en dérivant, par rapport au temps, le vecteur vitesse.

Le mouvement est **accélééré** si la composante tangentielle de l'accélération et la vitesse v sont dans le même sens.

Le mouvement est **freiné** dans le cas contraire.

Le **symbole** pour l'accélération est  $\Gamma$  dans le cas général, a dans le cas d'un

mouvement de translation rectiligne et  $\ddot{\theta}$  dans le cas d'un mouvement de rotation.

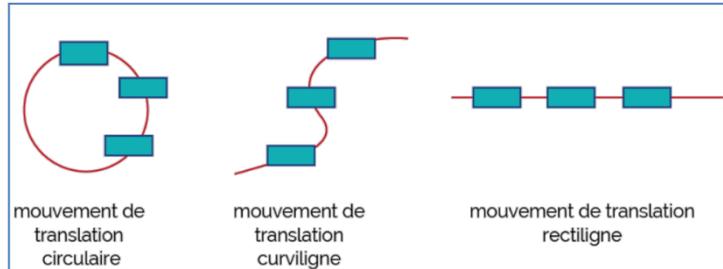
**Unité : le mètre par seconde au carré :  $m/s^2$  ou  $m.s^{-2}$**

**Radians par seconde au carré :  $rad/s^2$  ou  $rad.s^{-2}$**

MRUA	MRUD
$\vec{\Gamma}_{(M \in S / R)} = \left( \frac{dv}{dt} \right) \cdot \vec{t} - \left( \frac{v^2}{\rho} \right) \cdot \vec{n} \quad \longrightarrow \quad \vec{\Gamma}_{(M \in S / R)} = \gamma_t \cdot \vec{t} + \gamma_n \cdot \vec{n}$	
<p>Accélération tangentielle <math>\gamma_t = \frac{dv}{dt}</math></p>	<p>Accélération normale <math>\gamma_n = -\frac{v^2}{\rho}</math> [<math>\rho</math> : rayon de courbure de la trajectoire au point M]</p>

## Mouvement de translation

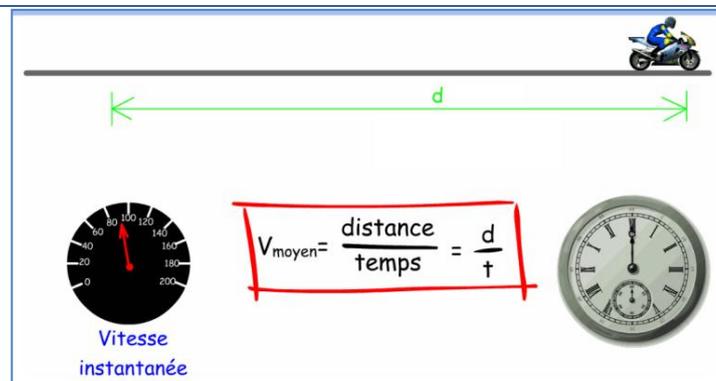
On a un mouvement de translation lorsque la ligne reliant 2 points d'un même solide reste parallèle à elle-même au cours du mouvement



## Vitesse moyenne

Exemple :

La distance est de 12 km et le temps de 7 minutes. Calculer la vitesse en m/s et en km/h



## Mouvement de rotation autour d'un axe

### Grandeurs liées au mouvement de rotation

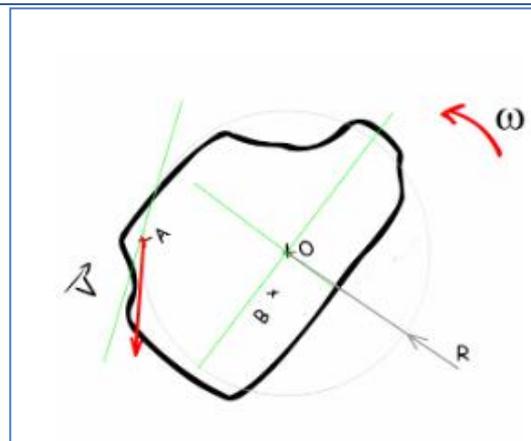
$$V = \omega \cdot R$$

$$\omega = \frac{\theta}{t}$$

$\omega$  :  $\text{rad} \cdot \text{s}^{-1}$   
**N** : tr/min.  
**V** : m/s  
**R** : m  
 **$\theta$**  : rad

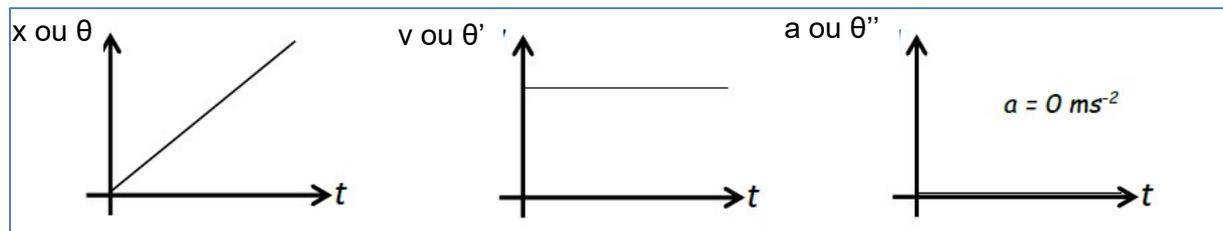
Le vecteur vitesse est toujours tangent à la trajectoire

Le vecteur vitesse est perpendiculaire au rayon



**Mouvement uniforme (= à vitesse constante)**

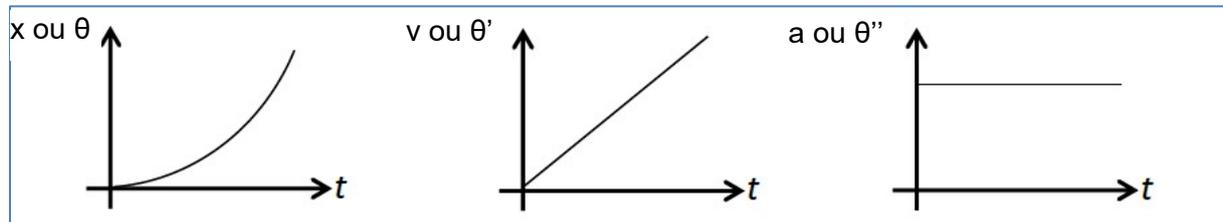
Translation rectiligne uniforme	Rotation uniforme autour d'un axe fixe
$a(t) = 0$ (en $m.s^{-2}$ ) $v(t) = v_0$ (en $m.s^{-1}$ ) $x(t) = v_0 \cdot (t - t_0) + x_0$ (en m)	$\theta''(t) = 0$ (en $rad.s^{-2}$ ) $\theta'(t) = \theta'_0$ (en $rad.s^{-1}$ ) $\theta(t) = \theta'_0(t - t_0) + \theta_0$ (en rad)



**Mouvement uniformément variée (= à accélération constante)**

Translation rectiligne uniformément variée	Rotation uniformément variée, autour d'un axe fixe
$a(t) = a_0 = \text{constante}$ (en $m.s^{-2}$ ) $v(t) = a_0 \cdot (t - t_0) + v_0$ (en $m.s^{-1}$ ) $x(t) = \frac{1}{2} a_0 \cdot (t - t_0)^2 + v_0 \cdot (t - t_0) + x_0$ (en m)	$\theta''(t) = \theta''_0$ (en $rad.s^{-2}$ ) $\theta'(t) = \theta''_0 (t - t_0) + \theta'_0$ (en $rad.s^{-1}$ ) $\theta(t) = \frac{1}{2} \theta''_0 \cdot (t - t_0)^2 + \theta'_0 \cdot (t - t_0) + \theta_0$ (en rad)

Accélération uniforme



Décélération (freinage) uniforme

